



# СЕМАНТИКА ЯЗЫКОВ ПРОГРАММИРОВАНИЯ (СЯП)

Варшавский Павел Романович

e-mail: [VarshavskyPR@mpei.ru](mailto:VarshavskyPR@mpei.ru)

[varp@appmat.ru](mailto:varp@appmat.ru)

# ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

**Целью освоения дисциплины** является:

- формирование способности к проведению рассуждений о программах;
- изучение конструкций, определяющих семантику программ;
- обучение способам анализа программ, включая верификацию программ, распознавание свойств программ (завершаемость, эквивалентность, заикливание);
- изучение операционной семантики программ;
- изучение денотационной семантики программ.

**Задачи дисциплины:**

- освоение основ теории семантики программ;
- изучение операционной семантики программ;
- изучение денотационной семантики программ;
- приобретение навыков описания денотационной семантики программ, решения задач анализа программ (верификация, распознавание завершенности программы, эквивалентность программ).

## РЕКОМЕНДУЕМАЯ ЛИТЕРАТУРА

1. Кораблин Ю.П. Семантические методы анализа программ : учебное пособие по курсу "Семантика языков программирования" по направлению 01.03.02 "Прикладная математика и информатика" / Ю.П. Кораблин, Нац. исслед. ун-т "МЭИ" (НИУ"МЭИ") . -М.: Изд-во МЭИ, 2019. – 68 с.
2. Кораблин Ю.П. Семантика языков программирования: Учебное пособие. – М.: Изд-во МЭИ, 1992. – 100 с.
3. Кораблин Ю.П. Семантика языков распределенного программирования: Учебное пособие. – М.: Изд-во МЭИ, 1996. – 102 с.
4. В. Н. Вагин, Е. Ю. Головина, А. А. Загорянская, М. В. Фомина- "Достоверный и правдоподобный вывод в интеллектуальных системах", (2-е изд., испр. и доп.), Издательство: "Физматлит", Москва, 2008 - (712 с.)

# ВВЕДЕНИЕ

В теории языков программирования **семантика** – это область, связанная с математическим изучением смысла программ.

Смысл программы заключается в формальном описании процесса вычисления по программе с помощью математической модели (вычислительного автомата) как «абстрактной машины».

Формальная семантика помогает при разработке интерпретаторов и компиляторов для языков программирования.

Знание семантики способствует лучшему пониманию процесса вычисления по программе. Поскольку формальная семантика оперирует математическими объектами, становится возможным математический анализ программ, включающий доказательство корректности и получение асимптотических оценок вычислительной сложности программы.

# ОБЩЕЕ ПРЕДСТАВЛЕНИЕ О СЕМАНТИКЕ ПРОГРАММ

Имеется различные подходы к определению семантики программ:

**Операционный подход** полезен для реализации языков. В данном случае исполнение программы описывается непосредственно как процесс вычисления на абстрактном автомате, а не путем трансляции.

**Денотационный подход** предполагает, что фразы программы интерпретируются как денотаты, т.е. математические объекты, определенным образом связанные друг с другом. Денотаты описываются с помощью математической нотации, которая в свою очередь формализуется как денотационный метаязык. Денотационные семантические описания могут представлять трансляции с языка программирования в денотационный метаязык. Такие описания используются как основа для построения интерпретаторов и компиляторов.

## ОБЩЕЕ ПРЕДСТАВЛЕНИЕ О СЕМАНТИКЕ ПРОГРАММ

**Аксиоматический подход** полезен для разработки программ. При аксиоматическом подходе с программой связываются логические аксиомы. Используя процесс логического вывода, доказывают различные свойства процесса вычисления по программе такие, как завершенность процесса вычисления, корректность отношения «вход–выход» и другие свойства.

**Алгебраический подход** полезен на теоретическом уровне. Он обеспечивает общий фундамент для теории языков программирования, позволяя на единой математической модели рассматривать такие различные концепции как синтаксис, семантика и типы данных.

## ФОРМАЛЬНАЯ СЕМАНТИКА

Необходимость формальной семантики была обнаружена в середине прошлого века. В середине 60-х годов прошлого века венская лаборатория IBM разработала первый технический язык описания семантики, получивший название **VDL (Vienna Definition Language)**.

VDL позволяет задавать операционную семантику, где язык программирования описывается посредством гипотетического выполнения на некоторой абстрактной машине. Такое описание может быть точным и полным, но оно довольно сложное, что затрудняет его понимание.

Сложность описания языка в VDL отражает не столько сложность реальной реализации, как сложность абстрактной машины, VDL был использован в ряде проектов и, в частности, для описания семантики языков *Алгол-60* и *PL-1*. Эти попытки доказали возможность формального описания семантики языков программирования.

# ОПЕРАЦИОННЫЙ ПОДХОД

При задании операционной семантики языка программирования предварительно определяется «абстрактная машина», которая характеризуется множеством состояний и набором простейших команд.

Машина может быть определена спецификацией того, как изменяется ее состояние каждой командой из заданного набора команд. Затем семантика конкретного языка программирования определяется в терминах этой машины, т.е. семантическое описание языка программирования определяет трансляцию конструкций языка в коды этой машины.

Гипотетическое выполнение этого кода на абстрактной машине, находящейся вначале в исходном состоянии, позволяет получить точный результат.

# ПРИМЕР ОПЕРАЦИОННОГО ОПРЕДЕЛЕНИЯ ЯЗЫКА ПРОГРАММИРОВАНИЯ

Зафиксируем вначале некоторый простой язык программирования, который назовем языком **L**.

При задании синтаксиса языка **L** будем использовать следующие обозначения:

**Exp** – множество выражений;

**BoolExp** – множество булевых выражений;

**Com** – множество команд (программ);

**X** – множество переменных.

Через **E**, **B**, **C**, **x**, возможно с индексами, обозначаются типичные представители соответствующих множеств, т.е. **E**  $\in$  **Exp**, **B**  $\in$  **BoolExp**, **C**  $\in$  **Com**, **x**  $\in$  **X**.

# СИНТАКСИС ЯЗЫКА L

Синтаксис языка L задается следующим образом:

$$C :: x:=E \mid C_1; C_2 \mid \underline{\text{if}} \ B \ \underline{\text{then}} \ C_1 \ \underline{\text{else}} \ C_2 \ \underline{\text{fi}} \mid \underline{\text{while}} \ B \ \underline{\text{do}} \ C \ \underline{\text{od}}$$

При задании синтаксических конструкций языка L перевернутое слово (**od**, **fi**) используется для обозначения конца действия соответствующего оператора (**do**, **if**).

Под состоянием абстрактной машины мы будем понимать вектор состояния ( $\sigma$ ), сопоставляющий переменным программы значения из области их значений. Таким образом, вектор состояния может рассматриваться как функция, которая сопоставляет каждой переменной программы значение из некоторой области значений.

# ОПЕРАЦИИ АБСТРАКТНОЙ МАШИНЫ

В качестве операций абстрактной машины определим две операции:

– операция **Out** определяет заключительное состояние конечной последовательности состояний, т.е.

$$\text{Out} (\sigma_1 \wedge \sigma_2 \wedge \dots \wedge \sigma_n) = \sigma_n ,$$

где символ “ $\wedge$ ” используется для обозначения конкатенации последовательности состояний.

Функция **Out** не определена, если последовательность бесконечна.

– операция **Eval** определяет значение выражения, соответствующего текущему состоянию.

## ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЕ СОГЛАШЕНИЯ

- 1) Через  $\sigma\{x\}$  будем обозначать значение переменной  $x$  в состоянии  $\sigma$ ;
- 2) Если  $v$  – некоторое значение и  $x$  – переменная, то через  $\sigma[v/x]$  будем обозначать подстановку значения  $v$  в вектор  $\sigma$  вместо  $x$ , определяемую следующим образом:

$$\begin{aligned}\sigma[v/x]\{x\} &= v, \\ \sigma[v/x]\{y\} &= \sigma\{y\} \text{ для всех } y \neq x.\end{aligned}$$

- 3) Условное выражение  $p \rightarrow e_1, e_2$ , где  $p$  – всюду определенное условие,  $e_1, e_2$  – выражения, определяется следующим образом:

$$p \rightarrow e_1, e_2 = \begin{cases} e_1, & \text{если значение } p \text{ истинно,} \\ e_2, & \text{в противном случае.} \end{cases}$$

# ОПЕРАЦИОННОЕ ОПРЕДЕЛЕНИЕ ЯЗЫКА L

Зададим теперь операционное определение языка **L** с помощью функции **O** от двух аргументов – **текста программы** и **вектора состояния**, представляющего текущее состояние вычислений.

Функция **O** имеет следующий вид

$$O: Com \times S \rightarrow S^*,$$

где **S** – множество состояний, **S\*** – множество последовательностей (возможно, бесконечных) состояний.

# ОПЕРАЦИОННОЕ ОПРЕДЕЛЕНИЕ ЯЗЫКА L

Для задания операционной семантики языка L достаточно определить функцию  $O$  для всех пунктов определения языка L:

$$O(x:=E)(\sigma) = \sigma[\text{Eval}(E)(\sigma)/x]$$

$$O(C_1; C_2)(\sigma) = O(C_1)(\sigma) \wedge O(C_2)(\text{Out}(O(C_1)(\sigma)))$$

$$O(\text{if } B \text{ then } C_1 \text{ else } C_2 \text{ fi})(\sigma) = \text{Eval}(B)(\sigma) \rightarrow O(C_1)(\sigma), O(C_2)(\sigma)$$

$$O(\text{while } B \text{ do } C \text{ od})(\sigma) = \text{Eval}(B)(\sigma) \rightarrow O(C)(\sigma) \wedge O(\text{while } B \text{ do } C \text{ od})(\text{Out}(O(C)(\sigma))), \sigma$$

В этом определении  $O(C)(\sigma)$  означает, что функция  $O$  применяется к аргументам  $C$  и  $\sigma$ , являющимися типичными представителями множеств  $\text{Com}$  и  $\mathbf{S}$  соответственно. В дальнейшем будем опускать скобки аргумента  $\sigma$  там, где это не будет вызывать недоразумения, т.е. вместо  $O(C)(\sigma)$  будем писать  $O(C)\sigma$ .

Приведенное определение  $O$  согласуется с обычным операционным пониманием того, как вычислять команды.